



C: NS27

5	المعامل:		المساعدة:	الفيزياء والكيمياء
3	مدة الإنجاز:		الشعب (ة) أو المسلك:	شعبة العلوم التجريبية مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الزراعية وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكها

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير القابلة للبرمجة

تعطى التعابير الحرفية قبل إنجاز التطبيقات العددية

يتضمن موضوع الامتحان أربعة تمارين: تمرين في الكيمياء وثلاثة تمارين في الفيزياء

• الكيمياء: بعض استعمالات حمض البنزويك (7 نقط)

• الفيزياء (13 نقطة)

○ التمرين 1: تطبيقات الإشعاعات النووية في مجال الطب (3 نقط)

○ التمرين 2: استعمالات المكثف في الحياة اليومية (4,5 نقط)

○ التمرين 3: تطبيقات القانون الثاني لنيوتن (5,5 نقط)

التنقيط

الكيمياء (7 نقط) : بعض استعمالات حمض البنزويك

حمض البنزويك C_6H_5COOH جسم صلب أبيض اللون يستعمل كمادة حافظة في بعض المواد الغذائية وخاصة المشروبات، نظرا لخصائصه كمبيد للفطريات وكمضاد للبكتيريا. كما أنه يدخل في تحضير بعض المركبات العضوية التي تصنع منها أنواع من العطور، ويعرف بالرمز E210 .
معطيات:

الكتلة المولية لحمض البنزويك: $M(C_6H_5COOH) = 122 \text{ g.mol}^{-1}$

الكتلة المولية لبنزوات الميثيل: $M(C_6H_5COOCH_3) = 136 \text{ g.mol}^{-1}$

الموصلية المولية الأيونية: $\lambda_{C_6H_5COO^-} = 3,24.10^{-3} \text{ S.m}^2.\text{mol}^{-1}$ و $\lambda_{H_3O^+} = 35.10^{-3} \text{ S.m}^2.\text{mol}^{-1}$

تعبير الموصلية σ لمحلول هو $\sigma = \sum \lambda_i [X_i]$ حيث $[X_i]$ التركيز المولي الفعلي لكل نوع أيوني متواجد في المحلول، و λ_i الموصلية المولية الأيونية لكل نوع.

1. دراسة تفاعل حمض البنزويك مع الماء

نعتبر محلولاً مائياً (S) لحمض البنزويك تركيزه المولي $C = 5.10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$ وحجمه $V = 200 \text{ mL}$.

أعطى قياس موصلية المحلول (S) القيمة $\sigma = 2,03.10^{-2} \text{ S.m}^{-1}$.

1.1. أكتب معادلة تفاعل حمض البنزويك مع الماء. 0.50

2.1. أنشئ الجدول الوصفي لهذا التفاعل. 0.75

3.1. أوجد تعبير x_{eq} تقدم التفاعل عند التوازن بدلالة $\lambda_{C_6H_5COO^-}$ و $\lambda_{H_3O^+}$ و σ و V . أحسب قيمة x_{eq} . 1.25

4.1. بين أن تعبير $Q_{r,eq}$ خارج التفاعل عند التوازن هو: $Q_{r,eq} = \frac{x_{eq}^2}{V.(CV - x_{eq})}$. 1.25

استنتج قيمة K_A ثابتة الحمضية للمزدوجة: $C_6H_5COOH_{(aq)} / C_6H_5COO^-_{(aq)}$

2. تحديد كتلة حمض البنزويك في مشروب غازي

تشير لصيغة قنينة مشروب غازي إلى وجود 0,15g من حمض البنزويك في لتر واحد من المشروب. للتأكد من صحة هذه المعلومة، نعاير حجماً $V_A = 50 \text{ mL}$ من المشروب بواسطة محلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم $Na^+_{(aq)} + HO^-_{(aq)}$ تركيزه المولي $C_B = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$. (نعتبر أن حمض البنزويك هو الحمض الوحيد المتواجد في المشروب).

1.2. أكتب معادلة التفاعل الحاصل أثناء المعايرة والذي نعتبره كلياً. 0.50

2.2. حجم محلول هيدروكسيد الصوديوم المضاف عند التكافؤ هو $V_{BE} = 6 \text{ mL}$. حدد قيمة C_A . 0.50

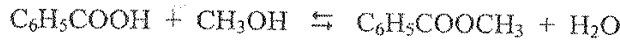
التركيز المولي لمحلول حمض البنزويك في المشروب.

3.2. أحسب قيمة m كتلة حمض البنزويك الموجود في الحجم $V_0 = 1 \text{ L}$ من المشروب. هل توافق هذه 0.75

النتيجة القيمة المشار إليها في اللصيقة؟

3. تحضير بنزوات الميثيل

يستخدم بنزوات الميثيل $C_6H_5COOCH_3$ في صناعة العطور ومواد التجميل. ولتحضير كمية منه ننجز خليطاً مكوناً من $n_1 = 0,1 \text{ mol}$ من حمض البنزويك و $n_2 = 0,2 \text{ mol}$ من الميثانول، فيحدث تفاعل أسترة وفق المعادلة :



1.3. حدد قيمة τ نسبة تقدم التفاعل علماً أن كتلة بنزوات الميثيل الناتج هي $m = 11,7 \text{ g}$. 1.00

2.3. كيف يمكن تحسين مردود تصنيع بنزوات الميثيل؟ 0.50

الفيزياء 13 نقطة

التمرين 1 (3 نقط) : تطبيقات الإشعاعات النووية في مجال الطب

أصبح الطب النووي من بين أهم الاختصاصات في عصرنا الحالي؛ فهو يستعمل في تشخيص الأمراض وفي العلاج. ومن بين التقنيات المعتمدة، العلاج بالإشعاع النووي (Radiothérapie)، حيث يستعمل الإشعاع النووي في تدمير الأورام ومعالجة الحالات السرطانية بقذف الورم أو النسيج المصاب بالإشعاع β^- المنبعث من الكوبالت ^{60}Co .

معطيات:

مقتطف من الجدول الدوري للعناصر الكيميائية:	كتلة النواة ^{60}Co : $m(^{60}_{27}\text{Co}) = 59,8523\text{u}$
$^{25}\text{Mn} - ^{26}\text{Fe} - ^{27}\text{Co} - ^{28}\text{Ni} - ^{29}\text{Cu}$	كتلة النواة ^A_ZX : $m(^A_Z\text{X}) = 59,8493\text{u}$
$1\text{u} = 931,5\text{MeV}\cdot\text{c}^{-2}$	كتلة الإلكترون: $m(e^-) = 0,00055\text{u}$

1. تفتت نوييدة الكوبالت

نوييدة الكوبالت $^{60}_{27}\text{Co}$ إشعاعية النشاط β^- .

1.1. أكتب معادلة تفتت نوييدة الكوبالت $^{60}_{27}\text{Co}$ ، محددا نوييدة ^A_ZX المتولدة. **1.00**

2.1. أحسب، بالوحدة MeV، قيمة E طاقة التحول النووي. **0.75**

2. تطبيق قانون التناقص الإشعاعي

توصل مركز استشفائي بعينة من الكوبالت ^{60}Co ، عند لحظة نعتبرها أصلا للتواريخ، وانطلقت عملية تتبع تطورها، من خلال قياس نشاطها الإشعاعي $a(t)$ عند لحظات مختلفة.

يمثل منحنى الشكل جانبه تطور $a(t)$ بدلالة الزمن. **0.50**

1.2. عين اعتمادا على المنحنى عمر النصف $t_{1/2}$

للكوبالت ^{60}Co بالوحدة an.

2.2. نقبل أن العينة المتوصل بها تصبح غير فعالة في **0.75**

العلاج، عندما يصبح نشاطها $a = 0,25 \cdot a_0$ ، حيث a_0 النشاط البدئي للعينة. في أي تاريخ يلزم تزويد المركز الاستشفائي بعينة جديدة من الكوبالت ^{60}Co .

التمرين 2 (4,5 نقطة) : استعمالات المكثف في الحياة اليومية

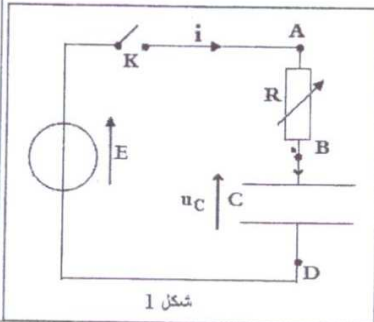
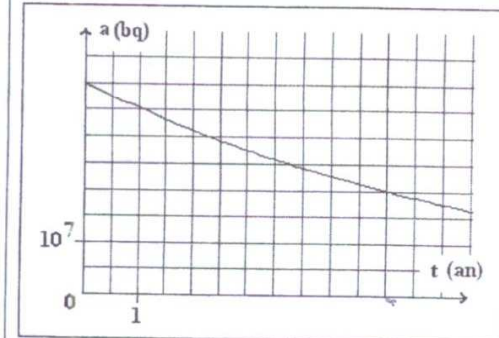
تستعمل المكثفات في عدة تراكيب كهربائية ذات فائدة عملية في الحياة اليومية من بينها مؤقت الإنارة الذي تجهز به سلالم العمارات وذلك للتحكم الآلي في إطفاء المصابيح بعد مدة زمنية قابلة للضبط، بهدف ترشيد استهلاك الطاقة الكهربائية.

يمثل الشكل (1) جزءا من التركيب المبسط لنموذج من هذا المؤقت ويتكون من مولد مؤتمل للتوتر قوته الكهرومحركة E، ومكثف سعته $C = 250\mu\text{F}$ ، و موصل أومي مقاومته R قابلة للضبط، وقاطع التيار K.

1. استجابة ثنائي القطب RC لرتبة توتر صاعدة

نضبط مقاومة الموصل الأومي على القيمة R_1 ونغلق قاطع التيار K في اللحظة $t = 0$ ، فيشحن المكثف تحت التوتر E.

1.1. أثبت أن المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر $u_C(t)$ بين **0.75**

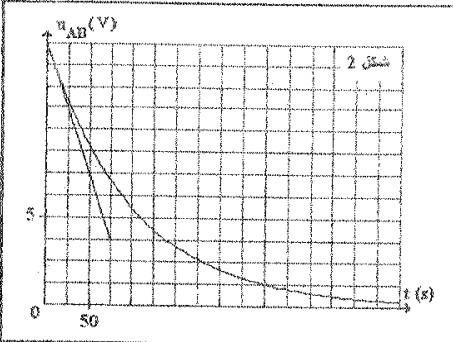


مربطي المكثف نكتب: $u_C + \tau \frac{du_C}{dt} = E$

2.1. باستعمال معادلة الأبعاد، استنتج وحدة τ في النظام العالمي للوحدات. 0.50

3.1. تحقق أن حل المعادلة التفاضلية هو $u_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ 0.50

4.1. استنتج تعبير $i(t)$ شدة التيار المار في الدارة أثناء عملية الشحن. 0.50



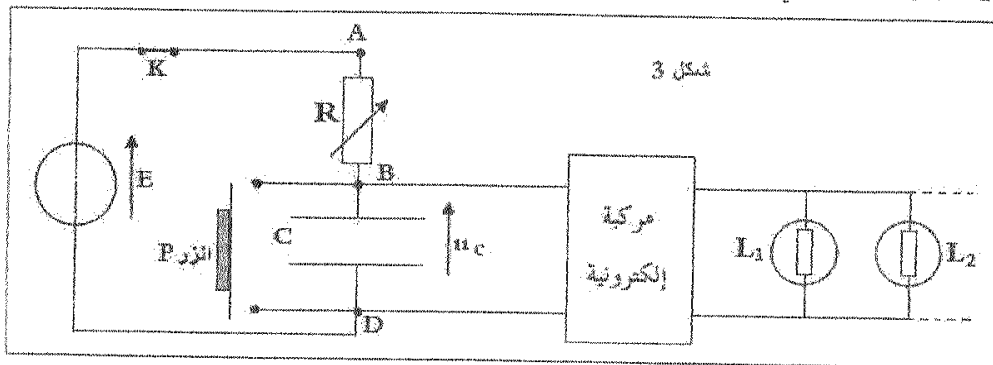
5.1. نعين بواسطة كاشف التذبذب الذائري تغيرات التوتر $u_{AB}(t)$ بين مربطي الموصل الأومي بدلالة الزمن، فنحصل على المنحنى الممثل في الشكل (2).

1.5.1. أنقل الشكل (1) على ورقة تحريرك ومثل عليه كيفية ربط كاشف التذبذب لمعاينة التوتر $u_{AB}(t)$. 0.50

2.5.1. عين مبياناً قيمة كل من القوة الكهرومحرقة E وثابتة الزمن τ . استنتج قيمة المقاومة R_1 . 1.00

2. استعمال المكثف في مؤقت الإنارة

يمثل الشكل (3) التركيب المبسط لنموذج من مؤقت الإنارة حيث تم ضبط مقاومة الموصل الأومي على القيمة R_1 . الزر P يلعب دور قاطع التيار، والمركبة الإلكترونية لا تسمح بإضاءة المصابيح إلا عندما يكون التوتر بين مربطي المكثف أصغر من قيمة حدية.



عند صعود شخص سلاالم العمارة يضغظ على الزر P، فتضيء مصابيح السلاالم، وعند تحريره للزر عند اللحظة $t=0$ تبقى المصابيح مضيئة حتى يلوغ التوتر بين مربطي المكثف القيمة $U_1=10V$ عند اللحظة t_1 .

تستغرق عملية وصول الشخص إلى منزله مدة زمنية $\Delta t = 3 \text{ min}$.

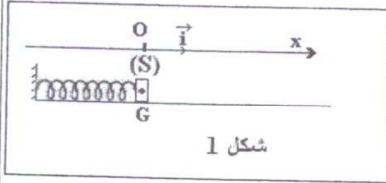
1.2. يعبر عن اللحظة t_1 بالعلاقة $t_1 = \tau \ln\left(\frac{E}{E - U_1}\right)$. أحسب قيمة t_1 . 0.50

هل تطفئ المصابيح قبل وصول الشخص إلى منزله؟

2.2. اقترح كيف يمكن عملياً الزيادة في مدة إضاءة المصابيح. 0.25

التمرين 3 (5,5 نقط) : تطبيقات القانون الثاني لنيوتن

نعتبر جميع الاحتكاكات مهملة في التمرين ، ونأخذ $g=10\text{m.s}^{-2}$
يستعمل النابض في السيارات ولعب الأطفال وفي بعض الآلات الميكانيكية الأخرى. وتتنوع وظائفه من آلة لأخرى، حيث يستغل كمخمد أو مخزن للطاقة الميكانيكية...



1- دراسة المجموعة المتذبذبة (جسم صلب - نابض)

لدراسة المجموعة المتذبذبة (جسم صلب - نابض)، ننجز التركيب الممثل في الشكل (1) والمكون من نابض ذي لفات غير متصلة، كتلته مهملة وصلابته K، وصفيحة (S) مركز قصورها G وكتلتها M، قابلة للانزلاق على حامل أفقي.

معطيات: $M=10\text{g}$ ؛ $K=16\text{N.m}^{-1}$

نحمل موضع G عند اللحظة t بالأفصول x في المعلم (O, i)، حيث ينطبق موضع G عند التوازن مع النقطة O أصل المعلم. نكس النابض حتى يصبح أفصول G هو $x_0 = -4\text{cm}$ ، ثم نحرر المجموعة بدون سرعة بدئية عند اللحظة ذات التاريخ $t=0$.

1.1 0.75 بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها الأفصول x.

2.1 1.50 يكتب حل المعادلة التفاضلية كالتالي: $x(t) = x_m \cdot \cos(\frac{2\pi}{T_0} \cdot t + A)$. أعط مدلول كل من المقدارين

x_m و A، ثم حدد قيمة كل من x_m و A و T_0 الدور الخاص للتذبذبات.

3.1 0.50 حدد قيمة E_m الطاقة الميكانيكية للمجموعة (صفيحة (S) - نابض). نختار كمرجع لطاقة الوضع المرنة الحالة التي يكون فيها النابض غير مشوه، وكمراجع لطاقة الوضع الثقالية المستوى الأفقي الذي يشمل النقطة G.

4.1 0.50 حدد قيمة السرعة القصوى للصفيحة.

2- دراسة حركة قذيفة في مجال الثقالة المنتظم

يمثل الشكل (2) تبيانة مبسطة للعبة أطفال

تتكون أساسا من المجموعة المتذبذبة

(صفيحة (S) - نابض) وكرية (C) متجانسة

مركز قصورها G'.

للتمكن من إسقاط الكرية في الحفرة N التي

توجد على ارتفاع $h=20\text{cm}$ من السطح

الأفقي، يتم كبس النابض ليحتل مركز

قصور الكرية الموضع A، وتبقى الكرية (C)

في تماس مع الصفيحة (S).

بعد تحرير المجموعة، تنطلق الكرية وتغادر السطح الأفقي عند الموضع I بسرعة أفقية $\vec{V}_I$ لتسقط

في الحفرة N. لدراسة حركة الكرية (C) في المعلم (I, i, j)، نختار لحظة مرورها من I أصلا

للتواريخ، ونعتبر الكرية نقطية.

1.2 0.50 هل يمكن اعتبار سقوط الكرية (C) سقوطا حرا؟ علل جوابك.

2.2 0.50 بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، حدد مميزات متجهة التسارع $\vec{a}_G$ خلال هذا السقوط.

3.2 0.75 أوجد بدلالة g و V_I معادلة مسار حركة الكرية (C).

4.2 0.50 حدد قيمة V_I علما أن أفصول الحفرة N في المعلم (I, i, j) هو $x_N = 40,0\text{cm}$.

